

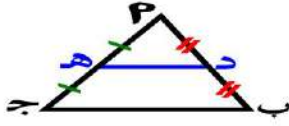
قوانين الصف التاسع (الفصل الدراسي الثاني)

ش - س = مجموعة العناصر التي تنتمي إلى س ولا تنتمي إلى ش		
ش = ش - س = مجموعة العناصر التي تنتمي إلى ش ولا تنتمي إلى س		
ش ∩ س = ∅	ش ∪ س = ش	ش - س = س
ش = ش	ش ∪ س = ش	ش ∩ س = س
ش ∪ س = ش	ش ∩ س = ش	
قوانين دي مورغان		
ش ∪ س = ش ∪ س	ش ∩ س = ش ∩ س	
أنواع التطبيق		
التطبيق الشامل المدى = المجال المقابل	التطبيق المتباين صور عناصر المجال مختلفة	التطبيق تقابل إذا كان شامل ومتباين
الدالة التربيعية ص = س²	ص = - س² انعكاس في محور السينات	
ص = س² + أ إزاحة رأسية	ص = (س + أ)² إزاحة أفقية	
موجب ← أعلى ، سالب ← أسفل	موجب ← يسار ، سالب ← يمين	
الميل = $\frac{\text{التغير الرأسي}}{\text{التغير الأفقي}} = \frac{ص_2 - ص_1}{س_2 - س_1}$		
ص = الميل × س + الجزء المقطوع من محور الصادات		
أنواع الميل	ميل المستقيم موجب	ميل المستقيم سالب
	يساوي صفر	ليس له ميل
متى يكون المستقيمان	متوازيان ص₁ = ص₂	متعامدان ص₁ × ص₂ = -1
خط الحدود للمتباينة	خط متقطع (< ، >)	خط متصل (≤ ، ≥)

٠١ نظرية القطعة المستقيمة الواصلة بين منتصفي ضلعين في مثلث توازي الضلع

الوحدة ٨

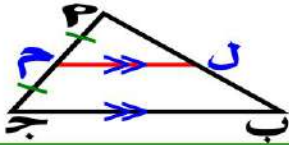
الثالث وطولها يساوي نصف طول هذا الضلع



في المثلث ABC ، D منتصف AB ، E منتصف AC ،

$\therefore DE \parallel BC$ ، $DE = \frac{1}{2} BC$

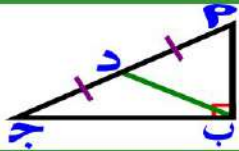
٠٢ نظرية إذا رسم مستقيم من منتصف أحد أضلاع مثلث موازيا لضلعاً آخر فإنه ينصف الضلع الثالث



في المثلث ABC ،

D منتصف AB ، $DE \parallel AC$ ، E منتصف BC ، $\therefore DE$ منتصف BC

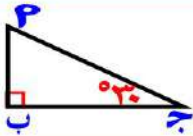
٠٣ نظرية طول القطعة المستقيمة الواصلة من رأس الزاوية القائمة إلى منتصف الوتر في المثلث القائم الزاوية تساوي نصف طول الوتر



في المثلث ABC ،

$\angle B = 90^\circ$ ، D منتصف AC ، $BD = \frac{1}{2} AC$

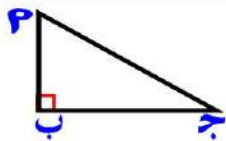
نتيجة (١) في المثلث الثلاثيني الستيني يكون طول الضلع المقابل للزاوية التي قياسها 30° مساوياً نصف طول الوتر



ABC مثلث قائم الزاوية في B ، $\angle A = 30^\circ$ ،

$\therefore BC = \frac{1}{2} AC$

نتيجة (٢) في المثلث القائم الزاوية إذا كان طول أحد ضلعي الزاوية القائمة مساوياً نصف طول الوتر فإن قياس الزاوية المقابلة لهذا الضلع 30° ويسمى المثلث ثلاثينياً ستينياً



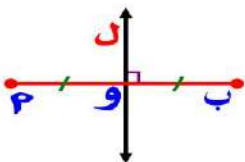
ABC مثلث قائم الزاوية في B ، $BC = \frac{1}{2} AC$ ،

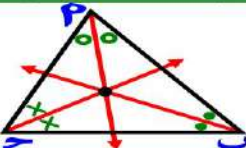
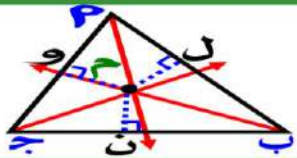
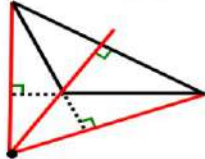
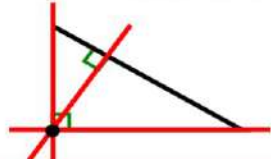
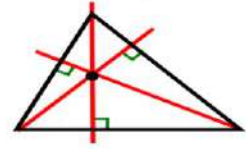
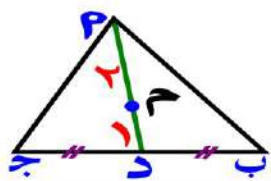
$\therefore \angle A = 30^\circ$ ، $\therefore$ المثلث ABC ثلاثيني ستيني

٠٤ نظرية محاور أضلاع المثلث تتقاطع في نقطة واحدة

محور القطعة المستقيمة هو العمود المنصف لها

$AB \perp JL$ ، $AO = OB$ ، $\therefore JL$ محور AB

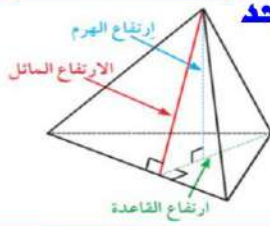


نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث المنفرج الزاوية تقم خارجه	نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث القائم الزاوية تقم في منتصف الوتر	نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث الحاد الزوايا تقم داخله
نتيجة نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث تقم على أبعاد متساوية من رؤوسه		
	م نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث ٢ ب ج $\therefore \text{م ب} = \text{م ج} = \text{م ج}$	
	٥٠ نظرية منصفات الزوايا الداخلية للمثلث تتقاطع في نقطة واحدة	
نتيجة نقطة تقاطع منصفات الزوايا الداخلية للمثلث على أبعاد متساوية من أضلاعه		
	م نقطة تقاطع منصفات الزوايا الداخلية للمثلث $\text{م ل} = \text{م ن} = \text{م و}$	
٦٠ نظرية الأعمدة المرسومة من رؤوس المثلث على أضلاعه تتقاطع في نقطة واحدة		
نقطة تقاطع الأعمدة المرسومة من رؤوس المثلث المنفرج الزاوية على أضلاعه تقم خارج المثلث 	نقطة تقاطع الأعمدة المرسومة من رؤوس المثلث القائم الزاوية على أضلاعه هي رأس الزاوية القائمة 	نقطة تقاطع الأعمدة المرسومة من رؤوس المثلث الحاد الزوايا على أضلاعه تقم داخل المثلث 
٧٠ نظرية القطع المتوسطة للمثلث تتقاطع في نقطة واحدة تقسم كلا منها بنسبة ٢ : ١ من جهة الرأس		
	في المثلث ٢ ب ج $\overline{\text{م د}}$ قطعة متوسطة ، م نقطة تقاطع القطع المتوسطة للمثلث	
الوحدة ٩	النسبة المئوية = $\frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}}$	

القيمة النهائية = القيمة الأصلية $\times$ (١٠٠ % + النسبة المئوية للتزايد)
 القيمة النهائية = القيمة الأصلية $\times$ (١٠٠ % - النسبة المئوية للتناقص)
 مقدار الزيادة = القيمة النهائية - القيمة الأصلية
 مقدار الخصم = القيمة الأصلية - القيمة النهائية

$$\text{النسبة المئوية (تزايدية أو تناقصية)} = \frac{\text{مقدار التغير}}{\text{القيمة الأصلية}} \times ١٠٠ \%$$

الوحدة ١٠

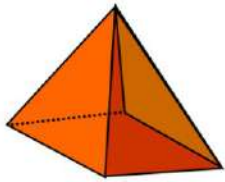


المساحة السطحية للهرم = المساحة الجانبية + مساحة القاعدة
 المساحة الجانبية للهرم المنتظم = عدد الأوجه $\times$ مساحة الوجه الواحد
 المساحة السطحية للهرم المنتظم = (عدد الأوجه $\times$ مساحة الوجه الواحد) + مساحة القاعدة



المساحة الجانبية للمخروط الدائري القائم = $\pi \times \text{نوه} \times \text{ج}$
 المساحة السطحية للمخروط الدائري القائم = $\pi \times \text{نوه} \times (\text{ج} + \text{نوه})$

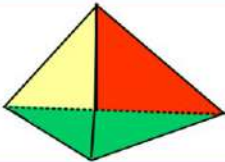
حجم الهرم = $\frac{1}{3} \times \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$



حجم الهرم قاعدته مربعة الشكل

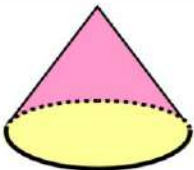
$$= \frac{1}{3} \times (\text{مساحة المربع}) \times \text{ع}$$

$$= \frac{1}{3} \times (\text{طول الضلع} \times \text{نفسه}) \times \text{ع}$$



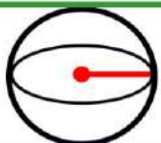
حجم الهرم قاعدته مثلثة الشكل

$$= \frac{1}{3} \times (\text{مساحة المثلث}) \times \text{ع} = \frac{1}{3} \times \left(\frac{1}{2} \times \text{ق} \times \text{ع} \right) \times \text{ع}$$



حجم المخروط = $\frac{1}{3} \times (\text{مساحة الدائرة}) \times \text{ع}$

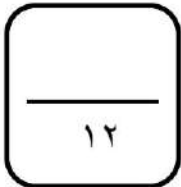
$$= \frac{1}{3} \times (\pi \times \text{نوه}^2) \times \text{ع}$$



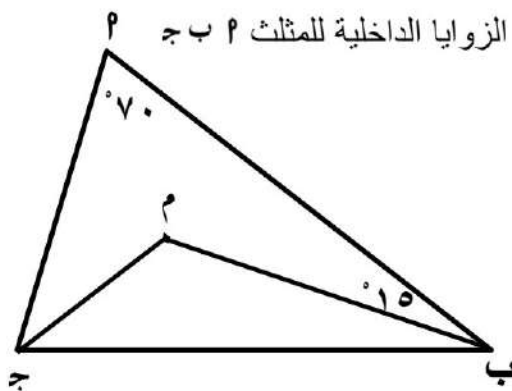
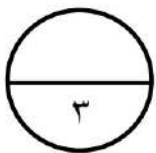
$$\text{حجم الكرة} = \frac{4}{3} \times \pi \times \text{نوه}^3$$

أولاً : أسئلة المقال (أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها)

السؤال الأول :



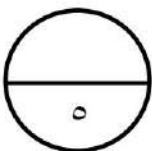
(أ) أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين $P(2, -3)$ ، $B(4, 3)$



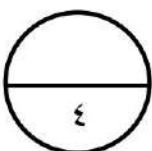
(ب) في الشكل المقابل: م نقطة تقاطع منصفات الزوايا الداخلية للمثلث PAB ج

$\angle P = 70^\circ$ ، $\angle MBP = 15^\circ$

أوجد بالبرهان : $\angle PBM$



(ج) ما السعر الأصلي لساعة بيعت بمبلغ ١٢٠ ديناراً بعد خصم ٢٠ %



السؤال الثاني :

(أ) إذا كانت $S = \{ 2, 0, 2 \}$ ، $V = \{ 1, 5 \}$

والتطبيق $T : S \rightarrow V$ حيث $T(S) = S^2 + 1$

أوجد مدى التطبيق T ثم بين نوعه من حيث كونه (شامل - متباين - تقابل) مع ذكر السبب

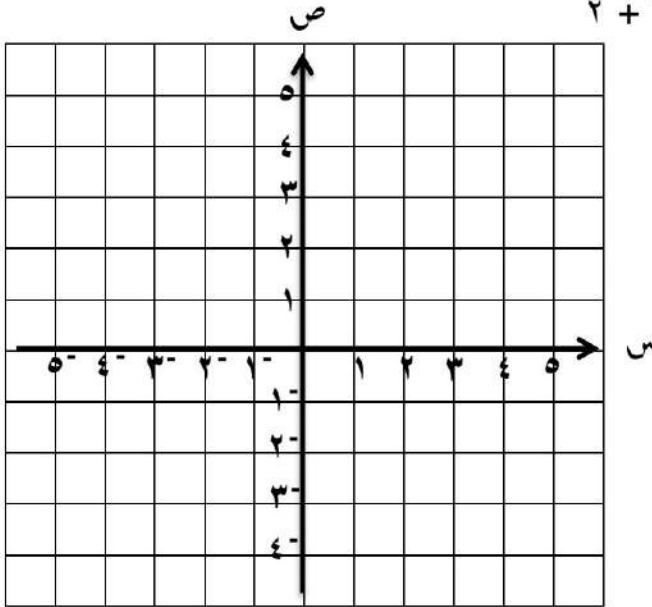
١٢

٥

(ب) مثل بيان الدالة $V = (S - 3)^2 + 2$

مستخدماً التمثيل البياني

للدالة التربيعية $V = S^2$

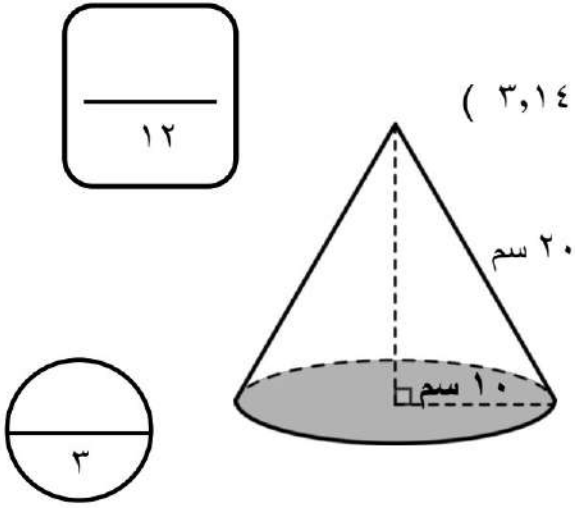


(ج) أوجد النسبة المئوية للتناقص إذا كانت القيمة النهائية ٢٠٠ والقيمة الأصلية ٥٠٠

٣

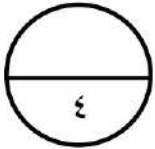
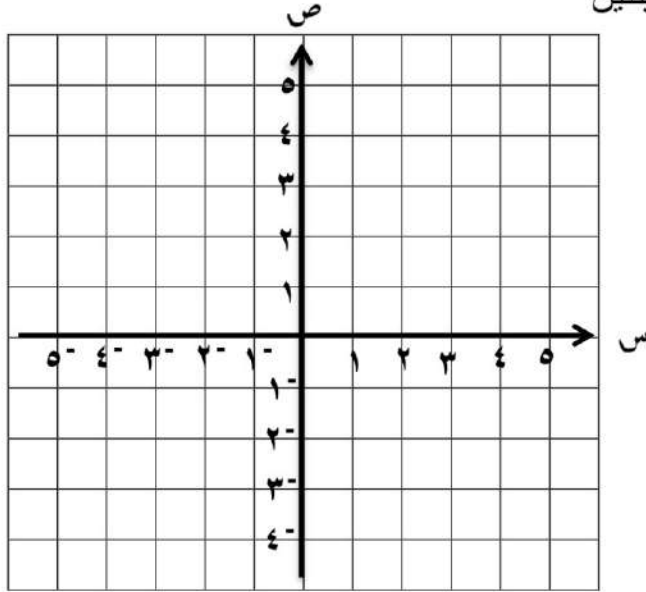
السؤال الثالث :

(أ) في الشكل المقابل مخروط دائري قائم (اعتبر $\pi = ٣,١٤$)
أوجد المساحة السطحية للمخروط



(ب) مثل بيانيا منطقة الحل المشترك للمتباينتين

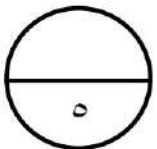
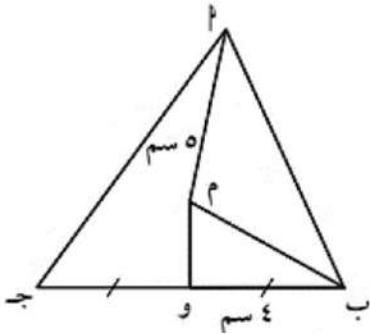
$$ص > س + ١ ، ص \leq ٣ - س$$



(ج) $\triangle P$ ب ج فيه:م نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث ،

$$٢ م = ٥ سم ، ب و = ٤ سم ، و منتصف ب ج .$$

أوجد بالبرهان كلا مما يلي : (١) م ب (٢) م و



السؤال الرابع :

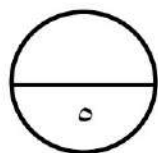
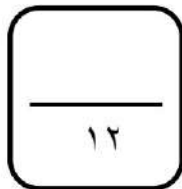
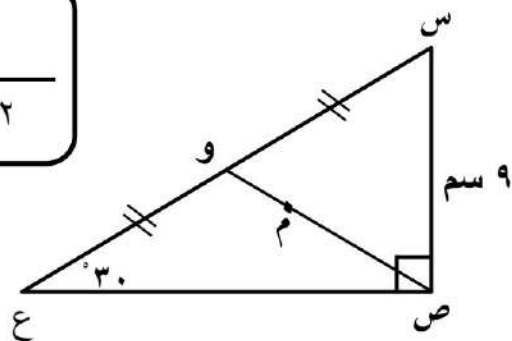
(أ) Δ س ص ع قائم الزاوية في ص فيه :

و ($\hat{ع}$) = 30° ، س ص = ٩ سم ،

م نقطة تقاطع القطع المتوسطة للمثلث .

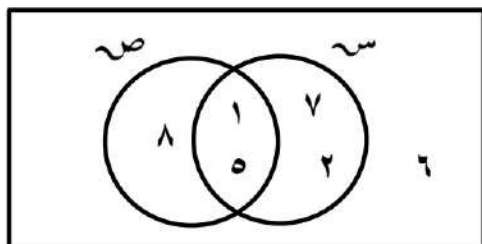
أوجد بالبرهان كلا مما يلي

(١) س ع (٢) ص و (٣) ص م



ش

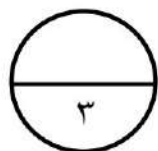
(ب) من الشكل المقابل أكتب بذكر العناصر كلا مما يلي



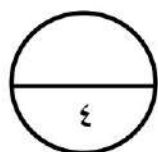
$$(١) \text{ س } - \text{ ص } =$$

$$(٢) \text{ س } \cup \text{ ص } =$$

$$(٣) \text{ س } \cap \text{ ص } =$$



(ج) أوجد حجم كرة طول قطرها ٦ سم. (بدلالة π)

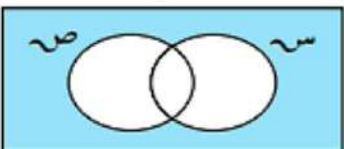
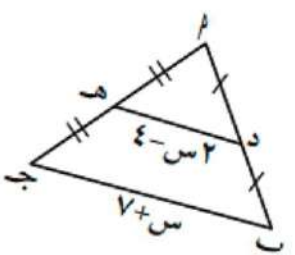


ثانياً: الأسئلة الموضوعية

في البنود (١ - ٤) عبارات، ظلل في ورقة الإجابة ☐ أ إذا كانت العبارة صحيحة، ☐ ب إذا كانت العبارة خطأ:

١	نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث القائم الزاوية هي رأس الزاوية القائمة .	☐ أ ☐ ب
٢	المستقيمان ص = ٢س - ٣ ، ٢ص = ٤س + ٥ مستقيمان متوازيان .	☐ أ ☐ ب
٣	إذا كانت $\sim \cap \sim = \emptyset$ ، فإن $\sim - \sim = \sim$	☐ أ ☐ ب
٤	في الشكل المقابل : إذا كانت م نقطة تقاطع الأعمدة المرسومة من رؤوس المثلث على أضلاعه، فإن $\hat{1} = \hat{2}$	☐ أ ☐ ب

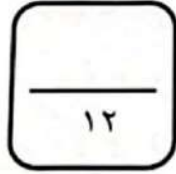
في البنود (٥ - ١٢) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

٥	من شكل فن المقابل ، المنطقة المظللة تمثل : 	☐ أ $\sim \cap \sim$ ☐ ب $\sim \cup \sim$ ☐ ج $\sim \cup \sim$ ☐ د $\sim \cap \sim$
٦	في الشكل المقابل : س = 	☐ أ ٢ ☐ ب ١٥ ☐ ج ٢٠ ☐ د ٥
٧	هرم قائم مساحه قاعدته ٦ سم ^٢ وارتفاعه ١٠ سم ، فان حجمه يساوي :	☐ أ ٦٠٠٠ سم ^٣ ☐ ب ٦٠ سم ^٣ ☐ ج ٢٠ سم ^٣ ☐ د ١٨٠ سم ^٣

٨	بلغ عدد الناجحين في مدرسة ٣٢٠ متعلماً ، وكانت نسبة الناجحين ٨٠ %، فإن عدد متعلمي المدرسة يساوي : ☐ أ ٢٥٦ متعلماً ☐ ب ٤٠٠ متعلم ☐ ج ٧٢٠ متعلماً ☐ د ٨٠ متعلماً
٩	الجزء المقطوع من محور الصادات للمستقيم الذي معادلته : $٣ ص - ٦ س + ٦ = ٠$ هو ☐ أ ٦ ☐ ب ٦ - ☐ ج ٢ ☐ د ٢ -
١٠	المثلث الذي يكون فيه نقطة تقاطع الأعمدة المرسومة من رؤوس المثلث على أضلاعه هي أحد رؤوسه هو : ☐ أ مثلث حاد الزوايا ☐ ب مثلث قائم الزاوية ☐ ج مثلث متطابق الأضلاع ☐ د مثلث منفرج الزاوية
١١	إذا انخفض سعر سهم ٥٠ % عن سعره في العام الماضي ، فإن النسبة المئوية للزيادة التي تعيده الى سعره الأصلي هي : ☐ أ ١٥٠ % ☐ ب ١٠٠ % ☐ ج ٥٠ % ☐ د ٢٠٠ %
١٢	إذا كان التطبيق ت : ط ← { ٧ } ، حيث (ط هي مجموعة الأعداد الكلية) ، ت (س) = ٧ فإن ت تطبيق ☐ أ شامل ومتباين ☐ ب شامل وليس متباين ☐ ج متباين وليس شامل ☐ د ليس شامل وليس متباين

أولاً: أسئلة المقال (أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها)

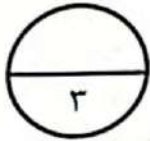
السؤال الأول:



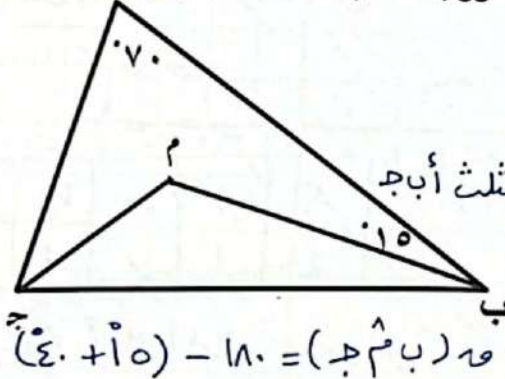
(أ) أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين $P(2, -3)$ ، $Q(4, 3)$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{3 - (-3)}{4 - 2} = \frac{6}{2} = 3$$

$$3 = \frac{7}{2} = \frac{(3-)}{2} = \frac{3}{2} = 3$$



(ب) في الشكل المقابل: م نقطة تقاطع منصفات الزوايا الداخلية للمثلث PQR ب ج



$$\angle P = 70^\circ, \angle Q = 10^\circ, \angle R = (ب ج م)$$

أوجد بالبرهان: $\angle P = 70^\circ$

$\therefore$ م نقطة تقاطع منصفات الزوايا الداخلية للمثلث أ ب ج

$\therefore$ م منتصف (ب ج)

$$\therefore \angle P = 10 \times 2 = 20^\circ$$

$$\angle R = (ب ج م) = 180^\circ - (70^\circ + 20^\circ) = 90^\circ$$

$\therefore$ مجموع قياسات زوايا المثلث = 180°

$\therefore$ م منتصف (ب ج)

$$\therefore \angle R = (ب ج م) = \frac{1}{2} \times 180^\circ = 90^\circ$$

(ج) ما السعر الأصلي لساعة بيعت بمبلغ ١٢٠ ديناراً بعد خصم ٢٠٪

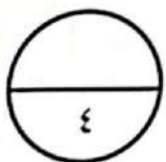
القيمة الزبائية = القيمة الأصلية $\times (100\% - 20\%)$

$$120 = \text{السعر الأصلي} \times (100\% - 20\%)$$

$$120 = \text{السعر الأصلي} \times 80\%$$

$$\frac{120}{80} \times \frac{100}{100} = \text{السعر الأصلي} \times \frac{100}{100}$$

$$\therefore \text{السعر الأصلي} = \frac{120}{80} \times 100 = 150 \text{ دينار}$$



السؤال الثاني:

(أ) إذا كانت $S = \{2, 0, 2\}$ ، $V = \{1, 0\}$

والتطبيقات: $S \leftarrow V$ حيث $(S) = S^2 + 1$

أوجد مدى التطبيقات ثم بين نوعه من حيث كونه (شامل - متباين - تقابل) مع ذكر السبب

التطبيقات شامل لأن $V =$ المجال المقابل

التطبيقات غير متباين لأن

$$T(2) = (2) = T(0) = (-2) = 0$$

التطبيقات غير تقابل لأنه غير متباين

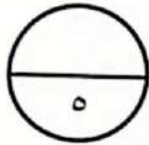
$$T(S) = S^2 + 1$$

$$T(2) = (2) = (2) = 1 + 1 = 2$$

$$T(0) = (0) = (0) = 1 + 1 = 2$$

$$T(-2) = (-2) = (-2) = 1 + 1 = 2$$

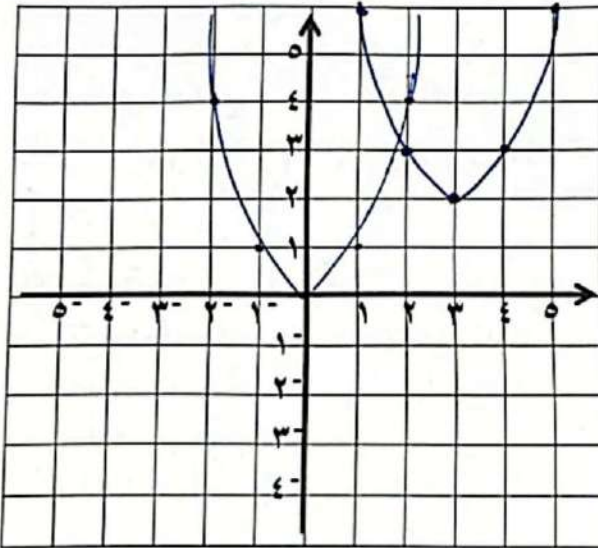
$$V = \{0, 1\}$$



(ب) مثل بيان الدالة $V = (S - 3)^2 + 2$

مستخدماً التمثيل البياني

للدالة التربيعية $V = S^2$



زاحة بيان دالة المرجع $V = S^2$
وحدات جبهة اليمين ووحدة
إلى الأعلى.

S	-3	-1	0	1	3
V	9	1	0	1	9

(ج) أوجد النسبة المئوية للتناقص إذا كانت القيمة النهائية ٢٠٠ والقيمة الأصلية ٥٠٠

القيمة النهائية = القيمة الأصلية $\times (100\% - \text{نسبة التناقص})$

$$200 = 500 \times (100\% - S)$$

$$S = \frac{3}{5}$$

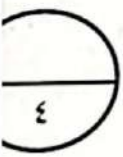
النسبة المئوية للتناقص

$$S = \frac{3}{5} \times 100\% = 60\%$$

$$1 - S = \frac{200}{500}$$

$$1 - S = \frac{2}{5}$$

$$S = 1 - \frac{2}{5}$$



السؤال الثالث :

(أ) في الشكل المقابل مخروط دائري قائم (اعتبر $\pi = 3,14$)

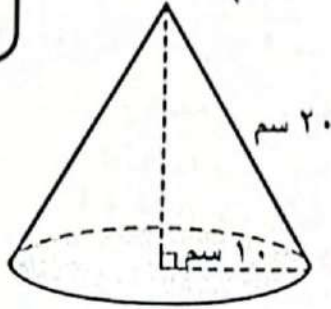
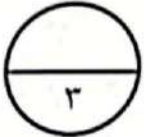
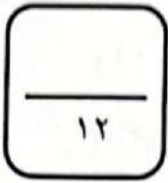
أوجد المساحة السطحية للمخروط

$$S = \pi r (r + h) = \pi (3) (3 + 20)$$

$$S = 3,14 \times 3 \times (3 + 20)$$

$$S = 3,14 \times 3 \times 23$$

$$S = 217,74 \text{ سم}^2$$



(ب) مثل بيانياً منطقة الحل المشترك للمتباينتين

$$x > 1 + y, \quad x \leq y - 3$$

$$x = y - 3$$

$$x = 1 + y$$

س	٠	١	٢
ص	٣	٢	١

س	٠	١	٢
ص	١	٢	٣

الخط متصل

بغض (٠،٠)

في المتباينة

$$x \leq y - 3$$

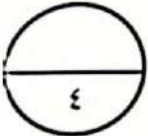
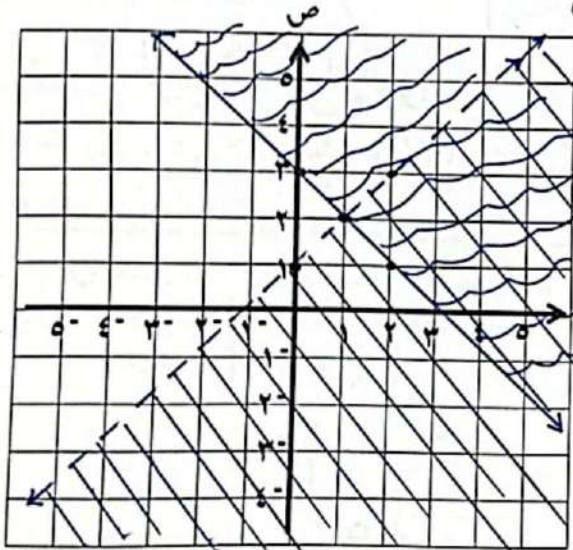
عبارة خاطئة

الخط متقطع بغض (٠،٠)

في المتباينة :

$$1 + 0 > 0$$

عبارة صحيحة



(ج) $\triangle ABC$ فيه: م نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث ،

$$AM = 5 \text{ سم} , BM = 4 \text{ سم} , \text{ و } MN \text{ منتصف } BC$$

(٢) م و

أوجد بالبرهان كلا مما يلي : (١) م ب

$\therefore$ م نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث ABC

$$\therefore BM = AM = 5 \text{ سم}$$

$\therefore$ و منتصف BC ، $\therefore$ م و محور BC

$\therefore$ م (م و) = م و والمثلث م ب و قائم الزاوية في و

حسب نظرية فيثاغورث

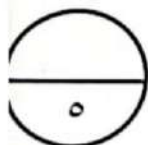
$$3^2 = (BM)^2 + (BO)^2$$

$$3^2 = 5^2 + BO^2$$

$$9 = 25 + BO^2$$

$$BO^2 = 9 - 25 = -16$$

$$BO = \sqrt{-16} = 4 \text{ سم}$$



السؤال الرابع :

(١) Δ س ص ع قائم الزاوية في ص فيه :

و $(\hat{ع}) = 30^\circ$ ، س ص = ٩ سم ،

م نقطة تقاطع القطع المتوسطة للمثلث .

أوجد بالبرهان كلا مما يلي

(١) س ع (٢) ص و (٣) ص م

Δ س ص ع قائم الزاوية في ص

$\therefore \hat{و} (\hat{ع}) = 30^\circ$

Δ س ص ع ثلاثيني سيني

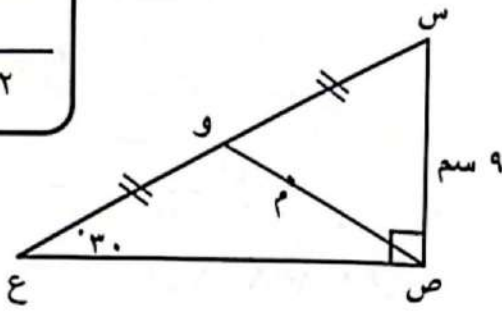
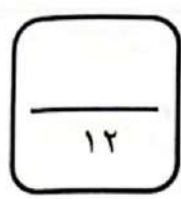
$\therefore$ س ع = ٢ × س ص

س ع = ٩ × ٢ = ١٨ سم

$\therefore$ و منتصف س ع ومن قائمة

$\therefore$ ص م = $\frac{1}{2}$ س ع = $\frac{1}{2} \times 18$

$\therefore$ ص و = ٩ سم

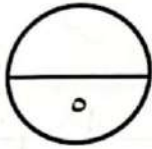


$\therefore$ م نقطة تقاطع إقطاع المتوسطات للمثلث س ص م

$\therefore$ ص م = $\frac{2}{3}$ × ص و

ص م = $\frac{2}{3} \times 9$

$\therefore$ ص م = ٦ سم

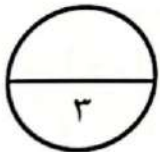
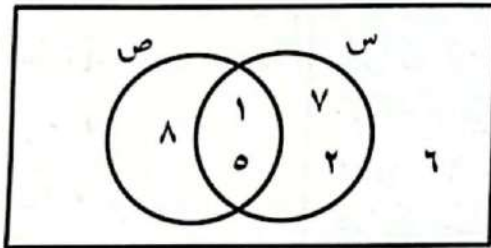


(ب) من الشكل المقابل أكتب بذكر العناصر كلا مما يلي

(١) س - ص = { ٢ ، ٧ }

(٢) $\overline{س \cup ص} = \{ ٦ \}$

(٣) $\overline{س \cap ص} = \{ ٥ ، ١ \}$



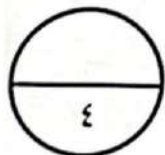
(ج) أوجد حجم كرة طول قطرها ٦ سم. (بدلالة π)

نصف = $\frac{1}{2} \times 6 = 3$ سم

حجم الكرة = $\frac{4}{3} \times \pi \times 3^3$

= $\frac{4}{3} \times \pi \times 27 = 36\pi$ سم^٣

= ٣٦ π سم^٣

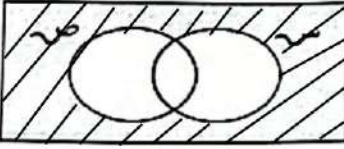
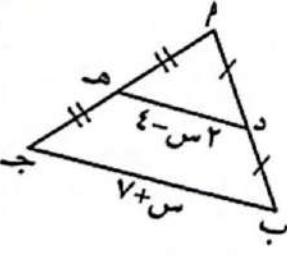


ثانياً: الأسئلة الموضوعية

في البنود (١ - ٤) عبارات، ظلل في ورقة الإجابة ☐ إذا كانت العبارة صحيحة، ☐ إذا كانت العبارة خطأ:

١	نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث القائم الزاوية هي رأس الزاوية القائمة .	☐	☐
٢	المستقيمان ص = ٢س - ٣ ، ٢ص = ٤س + ٥ مستقيمان متوازيان .	☐	☐
٣	إذا كانت $S \cap S = \emptyset$ ، فإن $S - S = S$ ص	☐	☐
٤	في الشكل المقابل : إذا كانت م نقطة تقاطع الأعمدة المرسومة من رؤوس المثلث على أضلاعه، فإن $\angle 1 = \angle 2$	☐	☐

في البنود (٥ - ١٢) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

٥	من شكل فن المقابل، المنطقة المظللة تمثل:	☐ $S \cap S$ ص	☐ $S \cup S$ ص	
٦	في الشكل المقابل : $S =$	☐ ١٥	☐ ٢٠	
٧	هرم قائم مساحه قاعدته ٦ سم ^٢ وارتفاعه ١٠ سم ، فإن حجمه يساوي :	☐ ٦٠ سم ^٣	☐ ٢٠ سم ^٣	☐ ١٨٠ سم ^٣

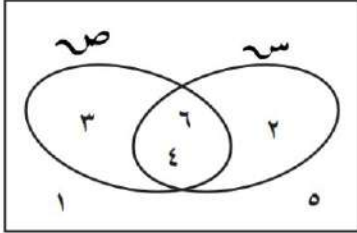
٨	بلغ عدد الناجحين في مدرسة ٣٢٠ متعلماً ، وكانت نسبة الناجحين ٨٠ %، فإن عدد متعلمي المدرسة يساوي : ☐ أ ٢٥٦ متعلماً ☒ ب ٤٠٠ متعلم ☐ ج ٧٢٠ متعلماً ☐ د ٨٠ متعلماً
٩	الجزء المقطوع من محور الصادات للمستقيم الذي معادلته : ٣ ص - ٦ س + ٦ = ٠ هو ☐ أ ٦ ☐ ب ٦ - ☐ ج ٢ ☒ د ٢ -
١٠	المثلث الذي يكون فيه نقطة تقاطع الأعمدة المرسومة من رؤوس المثلث على أضلاعه هي أحد رؤوسه هو : ☐ أ مثلث حاد الزوايا ☒ ب مثلث قائم الزاوية ☐ ج مثلث متطابق الأضلاع ☐ د مثلث منفرج الزاوية
١١	إذا انخفض سعر سهم ٥٠ % عن سعره في العام الماضي ، فإن النسبة المئوية للزيادة التي تعيده إلى سعره الأصلي هي : ☐ أ ١٥٠ % ☒ ب ١٠٠ % ☐ ج ٥٠ % ☐ د ٢٠٠ %
١٢	إذا كان التطبيق ت : ط ← { ٧ } ، حيث (ط هي مجموعة الأعداد الكلية) ، ت (س) = ٧ فإن ت تطبيق ☐ أ شامل ومتباين ☒ ب شامل وليس متباين ☐ ج متباين وليس شامل ☐ د ليس شامل وليس متباين

أولاً : أسئلة المقال (أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها)

السؤال الأول :

(أ) من شكل فن المقابل أوجد بذكر العناصر كلاً مما يلي :

شـ



$$= \overline{S}$$

$$= \overline{V}$$

$$= S - V$$

$$= \overline{S \cap V}$$

١٢

٣

(ب) إذا كان ن يمر بالنقطتين أ (٣ ، -٥) ، ب (-٤ ، ٣) وكانت معادلة ك : $V = 2S + 7$ ، فأثبت أن ن // ك

٤

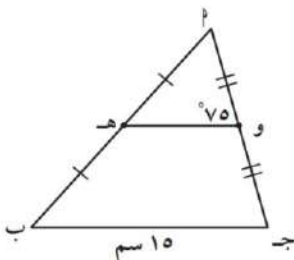
(ج) في الشكل المقابل أب ج مثلث فيه ، $P = 70^\circ$ ، $W = 75^\circ$ ، $U = 15^\circ$ سم

$$W = 75^\circ$$

أوجد بالبرهان :

(١) طول $\overline{WU}$

(٢) $\angle \hat{U}$

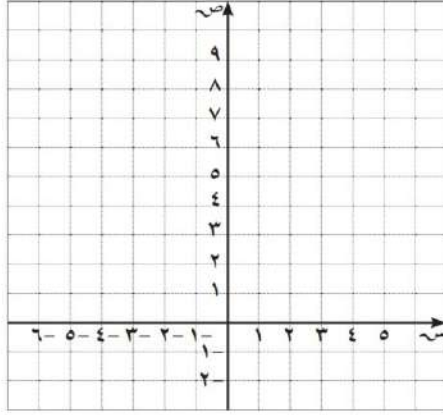


٥

السؤال الثاني :

(أ) مثل بيانياً الدالة : $ص = س^2 + ٣$

مستخدمًا التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^2$



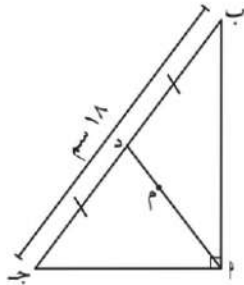
(ب) أوجد السعر النهائي لجهاز أيفون كان سعره ٤٠٠ دينار ثم زاد بنسبة ٢٠٪ .

(ج) أ ب ج مثلث قائم الزاوية في P ، طول ب ج = ١٨ سم ، م نقطة تقاطع القطع المتوسطة للمثلث P ب ج .

أوجد بالبرهان كلا من :

(١) P د

(٢) P م



السؤال الثالث :

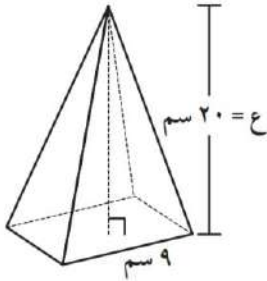
(أ) إذا كانت $S = \{-2, 0, 2\}$ ، $V = \{-4, 2, 8\}$
 التطبيق ق : $S \rightarrow V$ حيث ق (س) = $3S + 2$

(١) أوجد مدى التطبيق

(٢) بين نوع التطبيق ق من حيث كونه شاملاً ومتبائناً وتقابلاً مع ذكر السبب .

٤

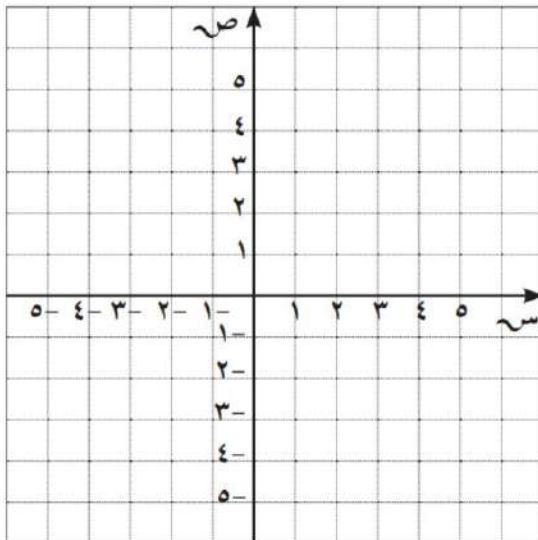
(ب) أوجد حجم الهرم المنتظم الذى قاعدته على شكل مربع طول ضلعه ٩ سم وارتفاع الهرم ٢٠ سم



٣

(ج) مثل بيانيا منطقة الحل المشترك للمتباينتين :

$$V > 2S - 1, \quad V < S - 1$$



٥

السؤال الرابع :

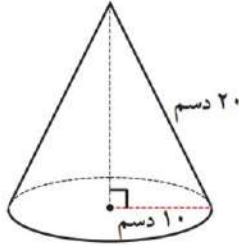
١٢

(أ) انخفض سعر مبيعات متجر للمواد الغذائية الى ١٤٠٠ دينار بنسبة ٣٠ %

، ما القيمة الاصلية للمبيعات قبل الانخفاض ؟

٤

(ب) في الشكل المقابل مخروط دائري قائم أوجد مساحته السطحية (علما أن $\pi = 3,14$)



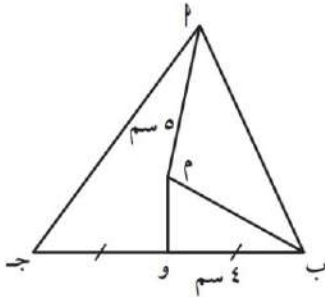
٣

(ج) $\triangle P$ ب ج فيه : م نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث ، $P = 5$ سم ، ب و = ٤ سم ، و منتصف ب ج .

أوجد بالبرهان كلا مما يلي :

(١) م ب

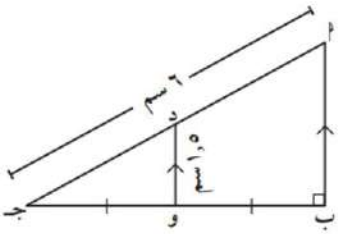
(٢) م و



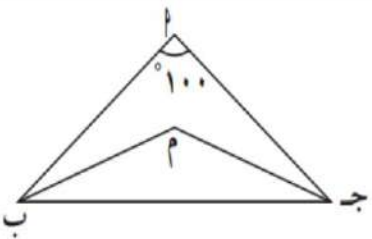
٥

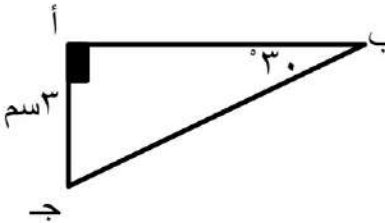
ثانياً: الأسئلة الموضوعية

في البنود (١ - ٤) عبارات، ظل في ورقة الإجابة ☐ أ إذا كانت العبارة صحيحة، ☐ ب إذا كانت العبارة خطأ:

١	إذا كانت $S \cap S = \emptyset$ ، فإن $S - S = S$	☐ أ	☐ ب
٢	المستقيم الذي معادلته $S = 5$ ليس ميل	☐ أ	☐ ب
٣	P ب ج مثلث قائم الزاوية في ب ، P ج = 6 سم ، دو = 5 سم ، و منتصف $\overline{B ج}$ ، دو $\parallel$ $\overline{P ب}$. فإن $\angle ج = 30^\circ$ 	☐ أ	☐ ب
٤	النسبة المئوية للعدد ٢٠ من ٨٠ هو ٢٥٪	☐ أ	☐ ب

في البنود (٥ - ١٢) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح، ظل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

٥	ليكن التطبيق $T: ح \rightarrow ح$ حيث $T(س) = س٢ - ٣$ ، فإذا كان $T(م) = ٧$ فإن $م =$ ☐ أ ٧ ☐ ب ٥ ☐ ج ٤ ☐ د ٢-	
٦	مجموعة حل المعادلتين : $س٣ - ٢ = ص$ ، $س٢ + ٢ = ص$ هي : ☐ أ $\{(٢, ٠)\}$ ☐ ب $\{(٢, ٠)\}$ ☐ ج $\{(١٠, ٤)\}$ ☐ د $\emptyset$	
٧	P ب ج مثلث فيه $\angle P = 100^\circ$ ، م نقطة تقاطع منصفات الزوايا الداخلة للمثلث ، فإن $\angle م ب =$  ☐ أ ١٤٠° ☐ ب ١٢٠° ☐ ج ١٠٠° ☐ د ٨٠°	

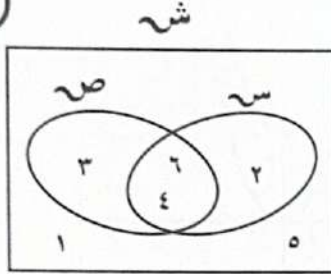
٨	زاد سعر سهم من ٥٠ فلسا إلى ٧٥ فلسا ، فإن النسبة المئوية للتزايد هي : ☐ أ ٢٥% ☐ ب ٥٠% ☐ ج ٧٥% ☐ د ١٥٠%
٩	المثلث الذي يكون فيه نقطة تقاطع الأعمدة المرسومة من رؤوس المثلث على أضلاعه هي أحد رؤوسه هو : ☐ أ مثلث منفرج الزاوية ☐ ب مثلث متطابق الأضلاع ☐ ج مثلث قائم الزاوية ☐ د مثلث حاد الزوايا
١٠	حجم الكرة التي طول نصف قطرها ١ سم يساوي ☐ أ $\frac{1}{3}\pi$ سم^٣ ☐ ب $\frac{4}{3}\pi$ سم^٣ ☐ ج $\frac{3}{4}\pi$ سم^٣ ☐ د 4π سم^٣
١١	إذا كانت المجموعة الشاملة $S = \{-٢، -١، ٠، ١، ٢\}$ ، فإن $\overline{S} =$ ☐ أ $\{-٢، -١\}$ ☐ ب $\{١، ٢\}$ ☐ ج $\{٤\}$ ☐ د $\{٤، ١، ٢، -٤\}$
١٢	أ ب ج مثلث قائم الزاوية في أ، و $\angle B = ٣٠^\circ$ ، أ ج = ٣ سم فإن ب ج =  ☐ أ ٦ سم ☐ ب ٩ سم ☐ ج $1\frac{1}{2}$ سم ☐ د ٣ سم

أولاً : أسئلة المقال (أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها)

السؤال الأول :

١٢

(أ) من شكل فن المقابل أوجد بذكر العناصر كلاً مما يلي :



$$\overline{S} = \{1, 3, 5\}$$

$$\overline{V} = \{2, 5\}$$

$$S - V = \{2, 5\}$$

$$\overline{S \cap V} = \{1, 3, 2, 5\}$$

٣

(ب) إذا كان $\vec{N}$ يمر بالنقطتين أ (٥ ، ٣-) ، ب (٣ ، ٤-) وكانت معادلة ك : $\vec{N} = ٢\vec{S} + ٧$ ،

فأثبت أن $\vec{N} \parallel \vec{K}$

$$\vec{N} = \frac{\vec{K}}{٢} = \frac{٥-٣}{(٣-)-٤-} = \frac{٥-٣}{١-} = \frac{٢-}{١-} = \vec{K}$$

$$\vec{N} = \vec{K} \text{ (من معادلتها) } = ٢$$

$$\vec{N} = \vec{K} = \vec{N} = \vec{N}$$

٤

(ج) في الشكل المقابل أ ب ج مثلث فيه $\vec{P} = \vec{O}$ ، $\vec{P} = \vec{H}$ ، $\vec{H} = \vec{B}$ ، $\vec{B} = \vec{J}$ ، $\vec{J} = \vec{S}$ م

$$\vec{P} = \vec{O} = ٧٥^\circ$$

أوجد بالبرهان :

(١) طول $\vec{O}$

(٢) $\vec{J}$

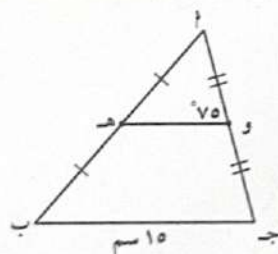
البرهان : في $\triangle \vec{A} \vec{B} \vec{C}$:

$\vec{P}$ منتصف $\vec{A} \vec{B}$ ، $\vec{H}$ منتصف $\vec{A} \vec{C}$

$\vec{O}$ ، $\vec{P} = \vec{B}$ ، $\vec{O} \parallel \vec{B} \vec{C}$

$$\vec{O} = \vec{P} = ١٥ \times \vec{P} = ١٥ \times ٧٥^\circ$$

$$\vec{O} = \vec{J} = \vec{H} = \vec{P} = ٧٥^\circ \text{ بالتناظر التوازي}$$



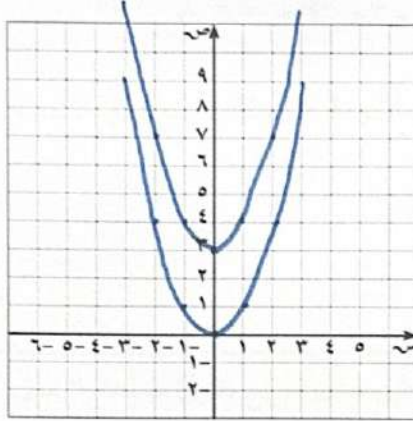
٥

السؤال الثاني :

١٢

(أ) مثل بيانياً الدالة : $ص = س^2 + ٣$

مستخدماً التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^2$



هو إزاحة رأسية لبيان
الدالة $ص = س^2$
٣ وحدات إلى الأعلى

٤

(ب) أوجد السعر النهائي لجهاز أيفون كان سعره ٤٠٠ دينار ثم زاد بنسبة ٢٠ % .

السعر النهائي = السعر الأصلي $\times (١ + \text{النسبة المئوية للزيادة})$

$$= ٤٠٠ \times (١ + ٢٠\%)$$

$$= ٤٠٠ \times ١.٢٠$$

$$= ٤٨٠$$

$$= ٤٨٠ \text{ دينار}$$

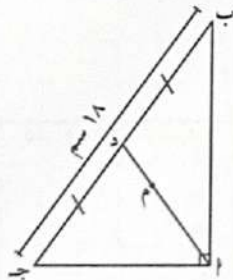
٣

(ج) أ ب ج مثلث قائم الزاوية في م ، طول ب ج = ١٨ سم ، م نقطة تقاطع القطع المتوسطة للمثلث م ب ج .

أوجد بالبرهان كلا من :

(١) م د

(٢) م م



البرهان : $\because$ أ ب ج قائم الزاوية في م ، د منتصف ب ج

$$\therefore د = \frac{١}{٢} ب ج = \frac{١}{٢} \times ١٨ = ٩ \text{ سم}$$

$\because$ م نقطة تقاطع القطع المتوسطة للمثلث

$$\therefore م = \frac{٢}{٣} ب ج = \frac{٢}{٣} \times ١٨ = ١٢ \text{ سم}$$

٥

السؤال الثالث :

١٢

(أ) إذا كانت $S = \{-2, 0, 2\}$ ، $V = \{-4, 2, 8\}$ =
التطبيق ق : $S \leftarrow V$ حيث ق (س) = $3 + 2$

ق (-٢) = $3 + (-2) = 1$ = $3 - 2 \times 3 = -3$ = $2 + (-4) = -2$ =
ق (٠) = $3 + 0 = 3$ = $2 + 0 \times 3 = 2$ =
ق (٢) = $3 + 2 = 5$ = $2 + 2 \times 3 = 8$

المدى = $\{-4, 2, 8\}$

(٢) بين نوع التطبيق ق من حيث كونه شاملاً ومتبايناً وتقابلاً مع ذكر السبب .

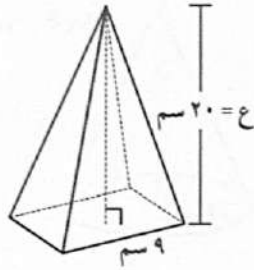
ق تطبيق شامل لأن المدى = المجال المقابل

ق تطبيق متباين لأن ق (-٢) $\neq$ ق (٠) $\neq$ ق (٢)

ق تطبيق تقابل لأنه شامل ومتباين

٤

(ب) أوجد حجم الهرم المنتظم الذى قاعدته على شكل مربع طول ضلعه ٩ سم وارتفاع الهرم ٢٠ سم



حجم الهرم المنتظم = $\frac{1}{3} \times \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$

$$6 \times 3 \times \frac{1}{3} = 6$$

$$20 \times 9 \times \frac{1}{3} = 60$$

$$20 \times 81 \times \frac{1}{3} = 540$$

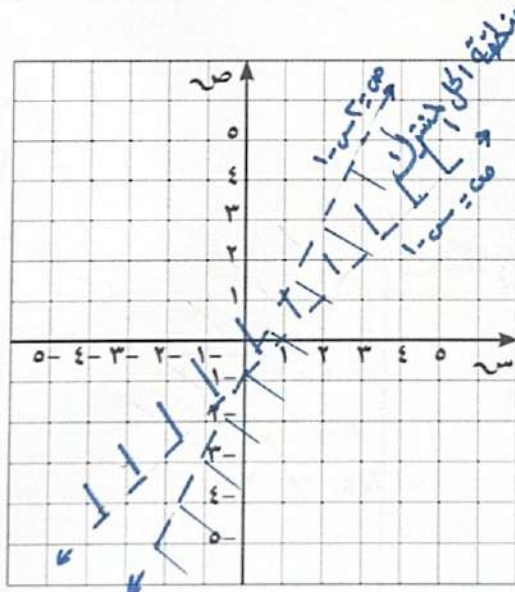
$$540 = 3 \text{ سم}^3$$

$\therefore$ حجم الهرم = ٥٤٠ سم^٣

٣

(ج) مثل بيانيا منطقة الحل المشترك للمتباينتين :

ص $> 2س - 1$ ، ص $< س - 1$



ص $< س - 1$
المعادلة المناظرة

ص = س - 1

س	٠	١	٢
ص	-١	٠	١

ص $> 2س - 1$
المعادلة المناظرة

ص = ٢س - ١

س	٠	١	٢
ص	-١	١	٣

٥

السؤال الرابع :

١٢

(أ) انخفض سعر مبيعات متجر للمواد الغذائية الى ١٤٠٠ دينار بنسبة ٣٠ %

ما القيمة الاصلية للمبيعات قبل الانخفاض ؟
السعر النهائي = السعر الأصلي $\times$ (١٠٠ % - نسبة الانخفاض)

$$1400 = س \times (100\% - 30\%)$$

$$1400 = س \times 70\%$$

$$س = \frac{1400 \times 100}{70}$$

$$س = \frac{1400 \times 100}{70} = 2000$$

القيمة الاصلية قبل الانخفاض = ٢٠٠٠ دينار

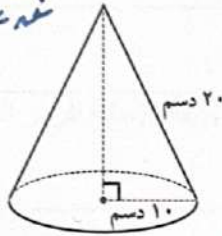
٤

(ب) في الشكل المقابل مخروط دائري قائم أوجد مساحته السطحية (علما أن $\pi = 3,14$)

المساحة السطحية للمخروط = $\pi r^2 + \pi r l$ (r : نصف القاعدة ، l : طول المولد)

$$r = 10 \text{ دسم}$$

$$l = 20 \text{ دسم}$$



$$= 3,14 \times 10^2 + 3,14 \times 10 \times 20$$

$$= 3,14 \times 100 + 3,14 \times 200$$

$$= 942 \text{ دسم}^2$$

٣

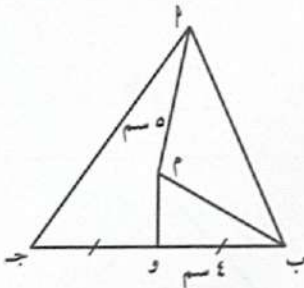
(ج) ΔABC ب ج فيه : م نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث ، $M = 5$ سم ، $B = 4$ سم ،

و منتصف ب ج .

أوجد بالبرهان كلا مما يلي :

(١) م ب

(٢) م و



$$\frac{16 - 25}{9} = \frac{4^2 - 5^2}{3^2} = \frac{16 - 25}{9} = \frac{-9}{9} = -1$$

البرهان ١ : ٢ نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث

$$\therefore BM = 4 = 2 \times 2 = 2 \times BM$$

$$\therefore BM = 2 \times BM \text{ ، } \therefore BM \perp AN$$

$\therefore \Delta BMC$ قائم الزاوية في و

باستخدام نظرية فيثاغورث :

$$BM^2 + MC^2 = BC^2$$

$$4^2 + 5^2 = BC^2$$

٥

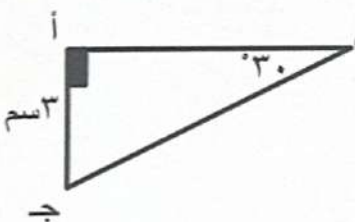
ثانياً: الأسئلة الموضوعية

في البنود (١ - ٤) عبارات، ظلل في ورقة الإجابة ☐ أ إذا كانت العبارة صحيحة، ☐ ب إذا كانت العبارة خطأ:

١	إذا كانت $\sim \cap \sim = \emptyset$ ، فإن $\sim - \sim = \sim$	☐ ب	☒
٢	المستقيم الذي معادلته $\sim = ٥$ ليس ميل	☒ ج	☐ أ
٣	$\hat{P}$ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب ، $\hat{A} = ٦٠^\circ$ ، $\hat{D} = ٥٠^\circ$ ، اسم ، و منتصف ب ج ، $\overline{D} \parallel \overline{P}$. فإن $\hat{Q} = ٣٠^\circ$	☐ ب	☒
٤	النسبة المئوية للعدد ٢٠ من ٨٠ هو ٢٥٪	☐ ب	☒

في البنود (٥ - ١٢) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

٥	ليكن التطبيق $T: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ حيث $T(s) = ٢س - ٣$ ، فإذا كان $T(m) = ٧$ فإن $m =$	☐ أ ٧	☒ ب ٥	☐ ج ٤	☐ د ٢-
٦	مجموعة حل المعادلتين : $\sim = ٢س - ٣$ ، $\sim = ٢س + ٢$ هي :	☐ أ $\{(٢، ٠)\}$	☐ ب $\{(٢٠، ٠)\}$	☒ ج $\{(١٠٠، ٤)\}$	☐ د $\emptyset$
٧	$\hat{P}$ ب ج مثلث فيه $\hat{P} = ١٠٠^\circ$ ، م نقطة تقاطع منصفات الزوايا الداخلة للمثلث ، فإن $\hat{Q} =$	☒ أ ١٤٠°	☐ ب ١٢٠°	☐ ج ١٠٠°	☐ د ٨٠°

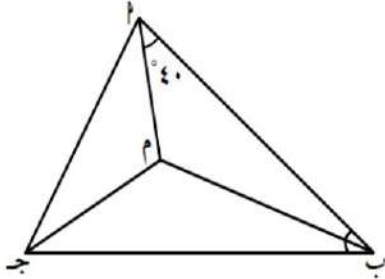
٨	زاد سعر سهم من ٥٠ فلسا إلى ٧٥ فلسا ، فإن النسبة المئوية للزيادة هي : ☐ أ ٢٥% ☒ ب ٥٠% ☐ ج ٧٥% ☐ د ١٥٠%
٩	المثلث الذي يكون فيه نقطة تقاطع الأعمدة المرسومة من رؤوس المثلث على أضلاعه هي أحد رؤوسه هو : ☐ أ مثلث منفرج الزاوية ☐ ب مثلث متطابق الأضلاع ☒ ج مثلث قائم الزاوية ☐ د مثلث حاد الزوايا
١٠	حجم الكرة التي طول نصف قطرها ١ سم يساوي ☐ أ $\frac{1}{3}\pi$ سم^٣ ☒ ب $\frac{4}{3}\pi$ سم^٣ ☐ ج $\frac{3}{4}\pi$ سم^٣ ☐ د 4π سم^٣
١١	إذا كانت المجموعة الشاملة $S = \{1, 2, 3, 4\}$ ، فإن $A = \{1, 2\}$ ، فإن $A^c =$ ☐ أ $\{1, 2\}$ ☐ ب $\{2, 1\}$ ☐ ج $\{4\}$ ☒ د $\{4, 3, 2, 1\}$
١٢	أ ب ج مثلث قائم الزاوية في أ ، $\angle B = 30^\circ$ ، أ ب = ٣ سم ، فإن ب ج =  ☒ أ ٦ سم ☐ ب ٩ سم ☐ ج $\frac{1}{2}$ سم ☐ د ٣ سم

أولاً : أسئلة المقال (أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها)
السؤال الأول :

١٢

(أ) أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين : أ (١ ، ٢) ، ب (٣ ، ٤)

٤



(ب) Δ ا ب ج فيه : $\angle (ب\hat{م}ج) = \angle (ب\hat{م}ا) = 40^\circ$ ،

م نقطة تقاطع منصفات زواياه الداخلية.

أوجد بالبرهان : $\angle (م\hat{ج}ا)$.

٣

(ج) إذا كان التطبيق د : $ص \leftarrow س$ ، حيث $س = \{ ٢ ، ٣ ، ٥ \}$ ، $ص = \{ ٥ ، ٧ ، ٩ ، ١١ \}$ ،

د (س) = $٢س + ١$

١- أوجد مدى التطبيق د.

٢- أكتب د كمجموعة من الأزواج المرتبة.

٣- بين نوع التطبيق د من حيث كونه شاملاً، متبائناً، تقابلاً مع ذكر السبب.

٥

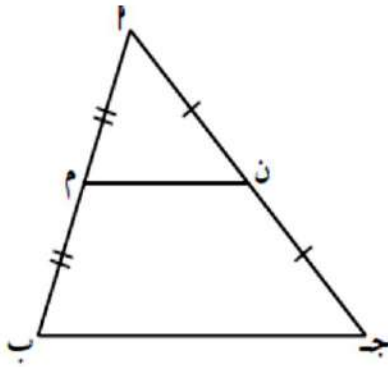
السؤال الثاني :

(أ) P ب ج مثلث فيه: M منتصف $\overline{AB}$ ، N منتصف $\overline{PQ}$ ، $PB = ١٠$ سم ،

$PQ = ١٣$ سم ، $PG = ١١$ سم .

أوجد بالبرهان: (١) طول $\overline{NM}$

(٢) محيط $\triangle PMN$



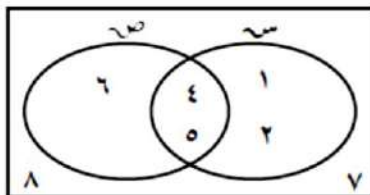
٤

(ب) أوجد السعر النهائي لحاسوب كان سعره ٧٠٠ دينار ثم زاد بنسبة ٢٠٪ .

٣

(ج) من شكل فن المقابل ، اكمل بذكر العناصر كلاً مما يلي :

شـ



$$١ - ش =$$

$$٢ - ص - س =$$

$$٣ - \overline{س} =$$

$$٤ - (س \cup ص) =$$

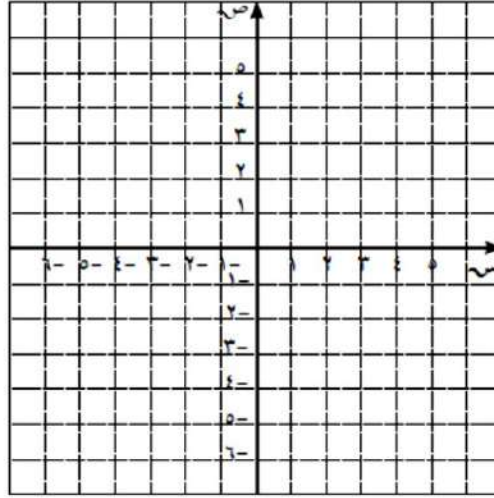
٥ - ظل المنطقة التي تمثل (س - ص)

٥

السؤال الثالث :

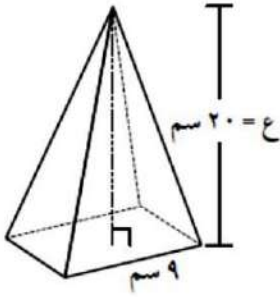
١٢

(أ) مثل بيانياً $ص = س^2 - ١$ مستخدماً التمثيل البياني للدالة التربيعية $ص = س^2$



٥

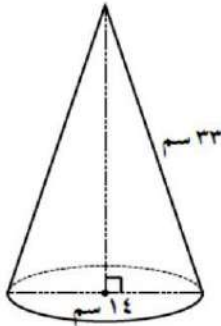
(ب) أوجد حجم الهرم المنتظم الذي قاعدته على شكل مربع طول ضلعه ٩ سم وارتفاع الهرم ٢٠ سم.



٣

(ج) أوجد المساحة السطحية للمخروط الدائري القائم في الشكل المقابل .

$$\left(\frac{٢٢}{\sqrt{}} = \pi \text{ اعتبر } \right)$$



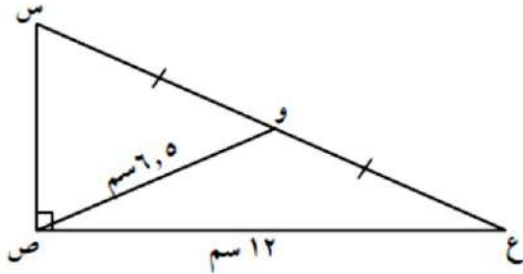
٤

السؤال الرابع :

١٢

(أ) س ص ع مثلث قائم الزاوية في ص ، و منتصف س ع ، ص و = ٦,٥ سم
ع ص = ١٢ سم . أوجد بالبرهان كلاً مما يلي:

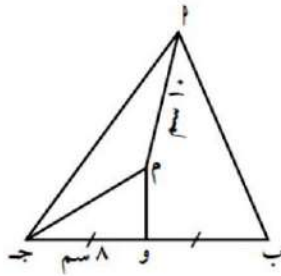
- ١- س ع
- ٢- س ص



٥

(ب) $\triangle P$ ب ج فيه: م نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث ، $P = ١٠$ سم ، و ج = ٨ سم ،
و منتصف ب ج

أوجد بالبرهان : ١- طول م ج ٢- طول م و



٣

(ج) جهاز كهربائي سعره ١٢٠ ديناراً ، وفي موسم التنزيلات وضع عليه خصم
بنسبة ١٥ % ، فما قيمة الخصم ؟ وما السعر بعد الخصم ؟

٤

ثانياً: الأسئلة الموضوعية

في البنود (١ - ٤) عبارات، ظلل في ورقة الإجابة ☐ أ إذا كانت العبارة صحيحة، ☐ ب إذا كانت العبارة خطأ:

١	إذا كانت $\bar{s} \cap \bar{v} = \emptyset$ ، فإن $\bar{s} - \bar{v} = \bar{s}$	☐ أ ☐ ب
٢	المستقيمان $\bar{v} = 2\bar{s} - 1$ ، $\bar{v} = 2\bar{s} + 3$ متوازيان.	☐ أ ☐ ب
٣	أب جد مثلث قائم الزاوية في $\angle$ ، د منتصف $\bar{c}$ ، $\angle \hat{u} = 30^\circ$ ، فإن $\triangle \bar{a} \bar{b} \bar{c}$ متطابق الأضلاع.	☐ أ ☐ ب
٤	إذا انخفض سعر سلعة بنسبة ٥٪ ثم ارتفع بنسبة ٥٪، فإن سعر السلعة سيعود إلى سعرها الأصلي.	☐ أ ☐ ب

في البنود (٥ - ١٢) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

٥	الجزء المقطوع من محور الصادات للمستقيم الذي معادلته: $2\bar{v} + \bar{s} = 0$ هو:	☐ أ -١ ☐ ب $-\frac{1}{2}$ ☐ ج ١ ☐ د ٢
٦	إذا كانت $\bar{s} = \{1:1 \text{ عدد أولي} > 6\}$ ، $\bar{v} = \{1, 2, 3, 4\}$ ، فإن $\bar{v} - \bar{s} =$	☐ أ $\{5\}$ ☐ ب $\{4, 1\}$ ☐ ج $\{3, 2\}$ ☐ د $\{5, 3, 2\}$
٧	أب جد مثلث فيه: $\bar{a} \bar{d} \cap \bar{c} \bar{h} = \{م\}$ ، $\bar{a} \bar{d} = 12 \text{ سم}$ فإن $\bar{m} \bar{d} =$	☐ أ ٣ سم ☐ ب ٤ سم ☐ ج ٦ سم ☐ د ٨ سم
٨	أب جد مثلث فيه: $\angle \hat{u} = 100^\circ$ ، م نقطة تقاطع منصفات الزوايا الداخلية للمثلث، فإن $\angle \hat{m} \bar{b} =$	☐ أ 140° ☐ ب 120° ☐ ج 100° ☐ د 80°

٩	النقطة (٣، ٠) $\in$ بيان الدالة : ☐ أ ص $2س + 3$ ☐ ب ص = س ☐ ج ص $3س + 1$ ☐ د ص $3 = س$
١٠	المثلث الذي يكون فيه نقطة تقاطع الأعمدة المرسومة من رؤوس المثلث على أضلاعه هي أحد رؤوسه هو: ☐ أ مثلث منفرج الزاوية ☐ ب مثلث متطابق الاضلاع ☐ ج مثلث قائم الزاوية ☐ د مثلث حاد الزوايا
١١	زاد سعر سهم من ٥٠ فلساً إلى ٧٥ فلساً، فإن النسبة المئوية للزيادة هي: ☐ أ ٢٤% ☐ ب ٥٠% ☐ ج ٧٥% ☐ د ١٥٠%
١٢	النقطة التي لا تنتمي إلى منطقة الحل المشتركة للمتباينتين $س + ص > ٢$ ، $س - ص < ٣$ هي : ☐ أ (١، ٢) ☐ ب (١، ١) ☐ ج (١، ٤) ☐ د (١، ٣)

أولاً: أسئلة المقال (أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها)

السؤال الأول :

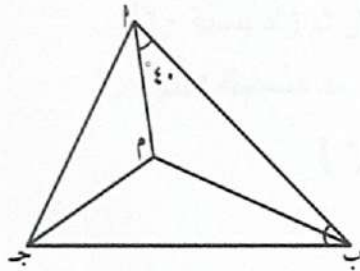
١٢

(أ) أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين : أ (١ ، ٢) ، ب (٣ ، ٤)

$$\begin{aligned} \text{ميل } \overleftrightarrow{AB} &= \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{4 - 2}{3 - 1} \\ &= \frac{2}{2} = 1 \end{aligned}$$

٤

(ب) Δ ا ب ج فيه : $\angle \hat{A} = 40^\circ$ ، $\angle \hat{B} = 60^\circ$ ، $\angle \hat{C} = 80^\circ$



م نقطة تقاطع منصفات زواياه الداخلية.

أوجد بالبرهان : $\angle \hat{M} = 90^\circ$.

البرهان : $\because$ نقطة تقاطع منصفات زواياه الداخلية

$$\therefore \angle \hat{M} = 90^\circ$$

$$\therefore \angle \hat{M} = 90^\circ$$

$$\therefore \angle \hat{M} = 90^\circ \quad \because \angle \hat{A} = 40^\circ, \angle \hat{B} = 60^\circ, \angle \hat{C} = 80^\circ$$

$$\therefore \angle \hat{M} = 90^\circ$$

٣

(ج) إذا كان التطبيق د : $S \rightarrow T$ ، حيث $S = \{2, 3, 5\}$ ، $T = \{5, 7, 9, 11\}$ ،

$$d(s) = 2s + 1$$

١- أوجد مدى التطبيق د.

٢- أكتب د كمجموعة من الأزواج المرتبة.

٣- بين نوع التطبيق د من حيث كونه شاملاً، متبايناً، تقابلاً مع ذكر السبب.

$\therefore$ التطبيق ليس شاملاً لأن المدى $\neq$ المجال المقابل

التطبيق متباين لأن $d(3) \neq d(5) \neq d(7)$

$\therefore$ التطبيق ليس تقابلاً لأنه ليس شاملاً

$$d(2) = 1 + 2 = 5$$

$$d(3) = 1 + 3 = 7$$

$$d(5) = 1 + 5 = 11$$

$$\therefore \text{المدى} = \{5, 7, 11\}$$

٥

السؤال الثاني :

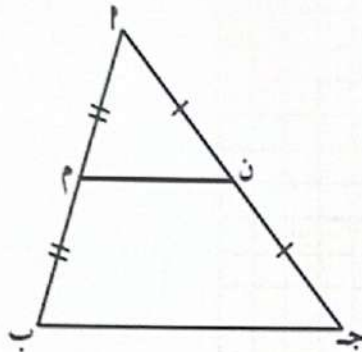
١٢

(أ) $\overline{AB}$ جـ مثلث فيه: $\overline{M}$ منتصف $\overline{AB}$ ، $\overline{N}$ منتصف $\overline{AC}$ ، $\overline{P}$ = $\overline{B}$ اسم ،

$\overline{P}$ جـ = $\overline{AC}$ اسم ، $\overline{B}$ جـ = $\overline{AB}$ اسم .

أوجد بالبرهان: (١) طول $\overline{MN}$

(٢) محيط $\triangle MPN$



البرهان: $\therefore \overline{MN} \parallel \overline{BC}$ ، $\overline{MN} = \frac{1}{2} \overline{BC}$

$\therefore \overline{MN} = \frac{1}{2} \overline{BC}$ ، $\overline{MN} \parallel \overline{BC}$

$\therefore \overline{MN} = \frac{1}{2} \times 11 = 5.5$ سم

$\therefore \overline{MP} = \frac{1}{2} \overline{AB} = \frac{1}{2} \times 13 = 6.5$ سم

$\therefore \overline{NP} = \frac{1}{2} \overline{AC} = \frac{1}{2} \times 6 = 3$ سم

$\therefore \overline{BP} = 10$ سم

$\therefore \overline{CP} = 5$ سم

$\therefore$ محيط $\triangle MPN = 5.5 + 6.5 + 3 = 15$ سم

٤

(ب) أوجد السعر النهائي لحاسوب كان سعره ٧٠٠ دينار ثم زاد بنسبة ٢٠٪ .

السعر النهائي = السعر الأصلي $\times$ (١٠٠٪ + نسبة التزايد)

$$= 700 \times (100\% + 20\%)$$

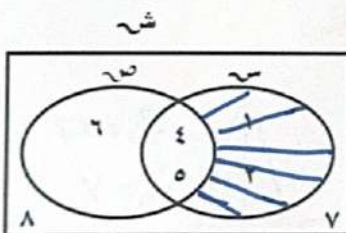
$$= 700 \times 120\%$$

$$= 840$$

$$= 840 \text{ دينار}$$

٣

(ج) من شكل فن المقابل ، اكمل بذكر العناصر كلاً مما يلي :



$$١ - \overline{S} = \{٨، ٧، ٦، ٥، ٤، ٣، ١\}$$

$$٢ - S = \{٦\}$$

$$٣ - \overline{S} = \{٨، ٧، ٦\}$$

$$٤ - (S \cup \overline{S}) = \{٨، ٧\}$$

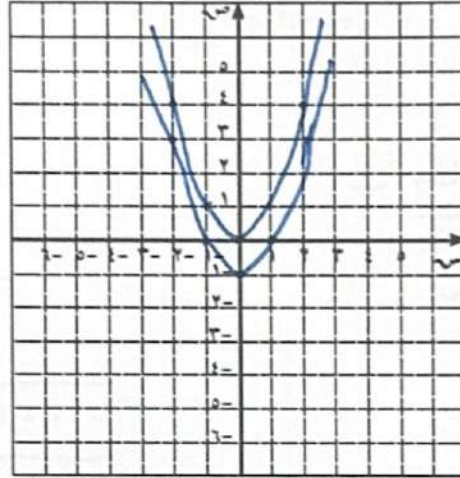
٥ - ظل المنطقة التي تمثل (S - S)

٥

السؤال الثالث :

١٢

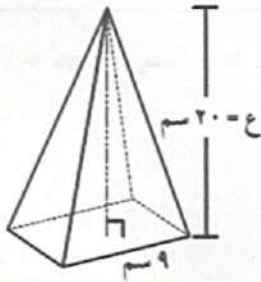
(أ) مثل بيانياً $y = x^2 - 1$ مستخدماً التمثيل البياني للدالة التربيعية $y = x^2$



هو أزاحة رأسية
لبيان الدالة $y = x^2$
وحدة واحدة إلى الأسفل

٥

(ب) أوجد حجم الهرم المنتظم الذي قاعدته على شكل مربع طول ضلعه ٩ سم وارتفاع الهرم ٢٠ سم.



$$\text{حجم الهرم} = \frac{1}{3} \times 9^2 \times 20$$

$$= \frac{1}{3} \times 81 \times 20$$

$$= 540 \text{ سم}^3$$

$$= 540 \text{ سم}^3$$

$$\therefore \text{حجم الهرم} = 540 \text{ سم}^3$$

٣

(ج) أوجد المساحة السطحية للمخروط الدائري القائم في الشكل المقابل .

$$\left(\frac{22}{7} = \pi \right)$$

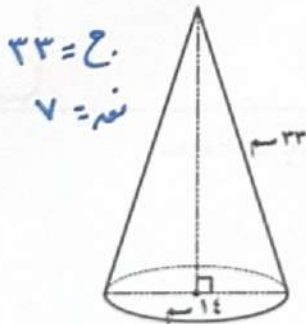
$$\text{المساحة السطحية للمخروط} = \pi r (r + l)$$

$$= \pi (7 + 33) \times 7$$

$$= 22 \times 7 \times 40$$

$$= 6160$$

$$= 6160 \text{ سم}^2$$

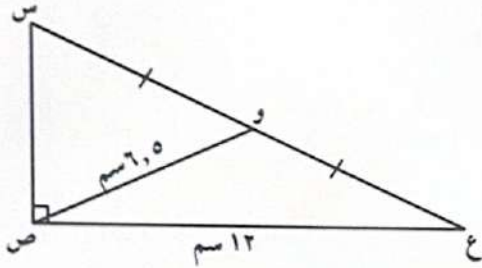


٤

السؤال الرابع :

١٢

(أ) س ص ع مثلث قائم الزاوية في ص ، و منتصف س ع ، ص و = ٦,٥ سم
ع ص = ١٢ سم . أوجد بالبرهان كلاً مما يلي:



١- س ع

٢- س ص

البرهان : ∴ س ص ع مثلث قائم الزاوية في ص
∴ و منتصف س ع

∴ ع س = ٢ و ص

$$٦,٥ \times ٢ =$$

$$١٣ \text{ سم}$$

باستخدام نظرية فيثاغورث :

$$\text{س ص} = \sqrt{(\text{س ع})^2 - (\text{ع ص})^2}$$

$$= \sqrt{(١٣)^2 - (١٢)^2}$$

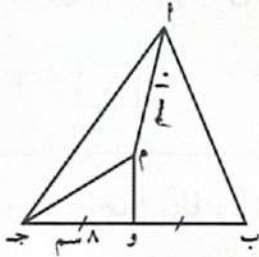
$$\text{س ص} = \sqrt{١٦٩ - ١٤٤}$$

$$= \sqrt{٢٥}$$

$$= ٥ \text{ سم}$$

٥

(ب) $\triangle$ ا ب ج فيه: م نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث ، م = ١٠ سم ، و ج = ٨ سم ،
و منتصف ب ج



أوجد بالبرهان : ١- طول م ج ٢- طول م و

البرهان : ∴ م نقطة تقاطع محاور أضلاع المثلث

$$\therefore \text{م ج} = \text{م و} = ٢٠ \text{ سم}$$

∴ و منتصف ب ج

∴ $\overline{AM} \perp \overline{BC}$

∴ م و ج قائم الزاوية في و :

$$\therefore \text{م و} = \sqrt{(\text{م ج})^2 - (\text{و ج})^2}$$

$$= \sqrt{(٢٠)^2 - (٨)^2}$$

$$= \sqrt{٤٠٠ - ٦٤}$$

$$\therefore \text{م و} = \sqrt{٣٦}$$

$$= ٦ \text{ سم}$$

٣

(ج) جهاز كهربائي سعره ١٢٠ ديناراً ، وفي موسم التنزيلات وضع عليه خصم
بنسبة ١٥ % ، فما قيمة الخصم ؟ وما السعر بعد الخصم ؟

$$\text{قيمة الخصم} = ١٢٠ \times ١٥\%$$

$$= \frac{١٥}{١٠٠} \times ١٢٠$$

$$= \frac{١٥ \times ١٢٠}{١٠٠} = ١٨ \text{ دينار}$$

$$\text{السعر بعد الخصم} = ١٢٠ - ١٨ = ١٠٢ \text{ دينار}$$

٤

ثانياً: الأسئلة الموضوعية

في البنود (١ - ٤) عبارات، ظلل في ورقة الإجابة [أ] إذا كانت العبارة صحيحة، [ب] إذا كانت العبارة خطأ:

١	إذا كانت $S \cap S = \emptyset$ ، فإن $S - S = S$	☐ ب ☒
٢	المستقيمان $S = 2 - 1$ ، $S = 2 + 3$ متوازيان.	☒ أ ☐
٣	أب ج مثلث قائم الزاوية في أ، د منتصف جـ ب، $\angle \hat{C} = 30^\circ$ ، فإن $\triangle ADB$ مطابق الأضلاع.	☐ ب ☒
٤	إذا انخفض سعر سلعة بنسبة ٥٪ ثم ارتفع بنسبة ٥٪، فإن سعر السلعة سيعود إلى سعرها الأصلي.	☒ أ ☐

في البنود (٥ - ١٢) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح، ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

٥	الجزء المقطوع من محور الصادات للمستقيم الذي معادلته: $2S + 2 = 0$ هو:	☒ أ - ☐ ب $\frac{1}{2}$ ☐ ج ١ ☐ د ٢
٦	إذا كانت $S = \{1: \text{عدد أولي} > 6\}$ ، $S = \{1, 2, 3, 4\}$ ، فإن $S - S =$	☐ أ $\{5\}$ ☒ ب $\{1, 4\}$ ☐ ج $\{2, 3\}$ ☐ د $\{2, 3, 5\}$
٧	أب ج مثلث فيه: $\overline{AD} \cap \overline{DE} = \{M\}$ ، $AD = 12$ سم فإن $DM =$	☐ أ ٣ سم ☒ ب ٤ سم ☐ ج ٦ سم ☐ د ٨ سم
٨	أب ج مثلث فيه: $\angle \hat{A} = 100^\circ$ ، م نقطة تقاطع منصفات الزوايا الداخلية للمثلث، فإن $\angle \hat{M} =$	☒ أ 140° ☐ ب 120° ☐ ج 100° ☐ د 80°

٩	النقطة (٣ ، ٠) $\in$ بيان الدالة : ☒ ص $2س + 3 =$ ☐ ب ص $= س$ ☐ ج ص $3س + 1 =$ ☐ د ص $3 = س$
١٠	المثلث الذي يكون فيه نقطة تقاطع الأعمدة المرسومة من رؤوس المثلث على أضلاعه هي أحد رؤوسه هو: ☐ أ مثلث منفرج الزاوية ☐ ب مثلث متطابق الاضلاع ☒ ج مثلث قائم الزاوية ☐ د مثلث حاد الزوايا
١١	زاد سعر سهم من ٥٠ فلساً إلى ٧٥ فلساً، فإن النسبة المئوية للتزايد هي: ☐ أ ٢٤% ☒ ب ٥٠% ☐ ج ٧٥% ☐ د ١٥٠%
١٢	النقطة التي لا تنتمي إلى منطقة الحل المشتركة للمتباينتين $س + ص < ٢$ ، $س - ص > ٣$ هي : ☐ أ (١، ٢) ☐ ب (١، ١) ☒ ج (١، ٤) ☐ د (١، ٣)